

**Instituto de Matemática e Estatística**  
**Departamento de Matemática Pura e Aplicada**

### Dados de identificação

Disciplina: **CÁLCULO NUMÉRICO A**

Período Letivo: **2016/1**

Período de Início de Validade : **2015/2**

Professor Responsável: **RUDNEI DIAS DA CUNHA**

Sigla: **MAT01032**

Créditos: 4

Carga Horária: 60h

### Súmula

Erros; ajustamento de equações; interpolação, derivação e integração; solução de equações lineares e não lineares; solução de sistemas de equações lineares e não lineares; noções de otimização; solução de equações diferenciais e equações diferenciais parciais; noções do método Monte Carlo em suas diferentes aplicações.

### Curriculos

Curriculos	Etapa Aconselhada	Pré-Requisitos	Natureza
LICENCIATURA EM ESTATÍSTICA		(INFO1101) COMPUTAÇÃO BÁSICA FORTRAN E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS <b>OU</b> (INFO1210) INTRODUÇÃO À INFORMÁTICA E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS <b>OU</b> (INFO1211) ALGORITMOS E PROGRAMAÇÃO E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS <b>OU</b> (MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Eletiva
LICENCIATURA EM MATEMÁTICA - (032.00)	7	(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Obrigatória
LICENCIATURA EM MATEMÁTICA - NOTURNA - (033.00)	9	(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Obrigatória
BACHARELADO EM MATEMÁTICA - ÊNFASE MATEMÁTICA APLICADA COMPUTACIONAL - V1		(INFO1211) ALGORITMOS E PROGRAMAÇÃO E (MAT01009) MÉTODOS APLICADOS DE MATEMÁTICA I	Eletiva
QUÍMICA INDUSTRIAL V2	4	(INFO1101) COMPUTAÇÃO BÁSICA FORTRAN E (MAT01167) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS II <b>OU</b> (INFO1210) INTRODUÇÃO À INFORMÁTICA E (MAT01167) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS II <b>OU</b> (MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01167) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS II	Obrigatória
		(INFO1210) INTRODUÇÃO À INFORMÁTICA E (MAT01356) EQUAÇÕES	

CIÊNCIAS ATUARIAIS - (117.00)	6	DIFERENCIAS E DIFERENÇAS FINITAS OU (MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Obrigatória
LICENCIATURA EM MATEMÁTICA	8	(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A	Alternativa
LICENCIATURA EM MATEMÁTICA - NOTURNO	10	(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A	Alternativa
QUÍMICA INDUSTRIAL - NOTURNO V1		(MAT01167) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS II	Eletiva
QUÍMICA INDUSTRIAL - V1		(MAT01167) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS II	Eletiva
QUÍMICA INDUSTRIAL		(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Eletiva
QUÍMICA INDUSTRIAL - NOTURNA		(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Eletiva
BACHARELADO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO	3	(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (INF01202) ALGORÍTMOS E PROGRAMAÇÃO - CIC	Obrigatória
BACHARELADO EM QUÍMICA - V3		(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01167) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS II	Eletiva
BACHARELADO EM QUÍMICA		(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Eletiva
BACHARELADO EM ESTATÍSTICA - V 1	4	(INFO1210) INTRODUÇÃO À INFORMÁTICA E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS OU (INFO1040) INTRODUÇÃO À PROGRAMAÇÃO OU (MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Obrigatória
BACHARELADO EM MATEMÁTICA- ÊNFASE MATEMÁTICA PURA	6	(MAT01167) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS II OU (MAT01009) MÉTODOS APLICADOS DE MATEMÁTICA I	Obrigatória
BACHARELADO EM MATEMÁTICA - ÊNFASE MATEMÁTICA APLIC COMPUTACIONAL	3	(MAT01354) CÁLCULO E GEOMETRIA ANALÍTICA II - A	Obrigatória
CIÊNCIAS ATUARIAIS - NOTURNO	7	(MAT01355) ÁLGEBRA LINEAR I - A E (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS OU (MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS E (INFO1040) INTRODUÇÃO À PROGRAMAÇÃO	Obrigatória
BACHARELADO EM ESTATÍSTICA	4	(MAT01356) EQUAÇÕES DIFERENCIAIS E DIFERENÇAS FINITAS	Obrigatória

## Objetivos

Discutir e aplicar técnicas de solução de alguns problemas matemáticos do Cálculo Numérico, com a utilização de computadores e/ou calculadoras científicas programáveis.

## Conteúdo Programático

Semana	Título	Conteúdo
1 a 2	Introdução à Computação Científica	Aritmética ponto flutuante. Erros de arredondamento, precisão e exatidão em máquinas digitais. Erros Computacionais e medidas de exatidão. Subtração catastrófica. Propagação de erro nas operações numéricas.

3 a 6	Solução Numérica de Equações Não Lineares	Método da Bissecção e variantes, métodos do ponto fixo, método de New ton, método da secante, raízes simples e múltiplas, métodos para raízes de polinômios.
7 a 9	Solução Numérica de Sistemas de Equações Algébricas (prova 1)	Solução de sistemas de equações lineares algébricas. Eliminação gaussiana com pivotamento. Estabilidade Numérica, Número de condicionamento. Introdução aos métodos iterativos: Jacobi, Gauss-Seidel, SOR. Solução numérica de sistemas de equações não-lineares pelo método de New ton.
10	Exercícios e Prova	Exercícios e primeira verificação
11 a 12	Interpolação Polinomial e ajuste de dados via mínimos quadrados	Técnicas clássicas de interpolação não-segmentada. Técnicas clássicas de interpolação segmentada. Splines Cúbicos. Ajuste via critério dos Mínimos Quadrados linear e equações normais e introdução ao ajuste não linear (Leverberg-Marquardt)
12 a 14	Diferenciação e Integração Numérica	Diferenciação: Aproximações por diferenças finitas e splines. Integração: Quadraturas: Aproximação polinomial, algoritmos de New ton-Cotes, fórmulas do trapézio e Simpson; Romberg. Quadraturas Gaussianas: Legendre, Chebychev, Laguerre, Hermite. Método Estocástico: Noções do método de Monte Carlo.
15 a 17	Solução Numérica de Equações Diferenciais	EDO: Problema de Valor Inicial: Euler, Runge-Kutta, Métodos de multi passo, Método adaptativo com controle de erro Problema de Valor de contorno: Método de Diferenças finitas. EDP: Noções do método de diferença finita
17	Otimização	Noções de otimização: Método da procura em uma dimensão, problemas multidimensionais.
18	Exercícios e prova	Exercícios e segunda verificação
19	Recuperação e exame	Recuperação e exame final

## Metodologia

As aulas expositivas serão destinadas à apresentação e à exemplificação dos métodos e das técnicas listados no cronograma, bem como à realização das provas de verificação de aprendizagem.

O laboratório de informática poderá ser utilizado para experimentação numérica.

O exercício e aplicação dos métodos e técnicas desenvolvidos na disciplina se dará através de estudo pessoal do aluno, e ficará à cargo de cada estudante, que poderá agendar uso de laboratório de informática do Instituto de Matemática.

## Carga Horária

Teórica: 60 horas

Prática: 0 horas

## Experiências de Aprendizagem

O exercício e aplicação dos métodos e técnicas desenvolvidos na disciplina se dará através de estudo pessoal do aluno, ficará à cargo de cada estudante, que poderá agendar uso de laboratório de informática do Instituto de Matemática.

## Critérios de Avaliação

A avaliação do desempenho do aluno dar-se-á através de duas verificações de conhecimentos. As verificações de conhecimentos versarão sobre os itens do conteúdo programático.

O aluno obterá duas notas nas verificações de conhecimento – N1 e N2 – cada uma com pontuação entre 0,0 (zero) e 10,0 (dez) pontos. As notas N1 e N2 das duas provas comporão a nota N, calculada como a média aritmética das notas das duas provas, ( $N=(N_1+N_2)/2$ ).

Serão utilizados os seguintes critérios para avaliação do desempenho do(a) aluno(a):

1. Se o(a) aluno(a) tiver freqüência igual ou superior a 75%, então:

(A) Se  $N \geq 6,0$  pontos, o(a) aluno(a) será considerado(a) aprovado(a);

(B) Se  $4,0 \leq N < 6,0$  pontos, o(a) aluno(a) poderá recuperar a prova na qual obteve menor nota. A nota N será recalculada substituindo-se a menor nota por aquela obtida na recuperação; caso  $N \geq 6,0$  pontos, o(a) aluno(a) será considerado(a) aprovado(a);

(C) Se  $N < 4,0$  pontos, o(a) aluno(a) poderá responder a exame geral dos conteúdos da disciplina ao final do semestre. A nota do exame substituirá a nota N; caso  $N \geq 6,0$  pontos, o(a) aluno(a) será considerado(a) aprovado(a);

Serão utilizados os seguintes critérios para atribuição do conceito ao(a) aluno(a):

1. Alunos com frequência igual ou superior a 75% e que tenham participado das verificações de conhecimento ou exame terão o conceito atribuído de acordo com a seguinte regra:

0,0 <= N < 6,0 : conceito final D  
6,0 <= N < 7,5 : conceito final C  
7,5 <= N < 9,0 : conceito final B  
9,0 <= N <= 10,0 : conceito final A

2. Alunos que apresentem frequência inferior a 75%, serão reprovados na disciplina, com conceito FF, nos termos do Art. 134 do Regimento Geral da UFRGS.

Para qualquer uma das provas e o exame final: estruturação, duração, data, uso de ferramentas e ambientes de auxílio, e critérios de correção ficam a critério de cada professor, devendo ser comunicados aos respectivos estudantes com antecedência.

## Atividades de Recuperação Previstas

Como atividade de recuperação estão previstas provas de recuperação ou exame final conforme explicado nos critérios de avaliação da disciplina

## Prazo para Divulgação dos Resultados das Avaliações

Os resultados das avaliações serão divulgados em até duas semanas após a realização das mesmas, garantindo-se o prazo mínimo de uma semana entre a divulgação e a realização de recuperações e exame final.

## Bibliografia

### Básica Essencial

Dalcídio Moraes Cláudio - Cálculo Numérico Computacional: Teoria e Prática - Editora Atlas (ISBN: 8522424853)

Marcia A. Gomes Ruggiero - Cálculo numérico : aspectos teóricos e computacionais - Editora Makron Books (ISBN: 8534602042)

### Básica

A.L. Bortoli; C. Cardoso; M.P.G. Fachin; R.D. Cunha - Introdução ao cálculo Numérico (Cadernos de Matemática e Estatística) - Editora UFRGS

Richard L. Burden; J. Douglas Faires - Análise Numérica - Editora CENGAGE (ISBN: 85-221-0601-0)

### Complementar

David Kincaid; Ward Cheney - Numerical Analysis: Mathematics of Scientific Computing - Editora American Mathematical Society (ISBN: 978-0-8218-4788-6)

Forsythe, George Elmer; Moler, Cleve B. - Computer solution of linear algebraic systems - Editora Prentice-Hall

Gilat, Amos - Matlab com aplicações em engenharia - Editora Bookman (ISBN: 8536306920)

Golub, Gene How ard - Scientific computing and differential equationsan introduction to numerical methods - Editora Academic Press (ISBN: 0-12-289255-0)

Lambert, J. D. - Numerical methods for ordinary differential systems - Editora Wiley (ISBN: 0471929905)

Press, Saul A.; Vetterling, William T.; Flannery, Brian P. - Numerical Recipes in Fortran 77 :the Art of Scientific Computing (ISBN: 9780521430647)

## Outras Referências

Não existem outras referências para este plano de ensino.

## Observações

Alunos de doutorado vinculados aos programas de pós-graduação em Matemática ou em Matemática Aplicada poderão realizar seu estágio de docência nesta disciplina.