



Estatística Descritiva

Prof. Lorí Viali, Dr.
yiali@mat.ufrgs.br

<http://www.mat.ufrgs.br/~viali/>

1/2



D e s t a t

Departamento de Estatística

Mat02219:

Probabilidade e Estatística



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A screenshot of a Windows Internet Explorer window displaying a webpage. The page is titled "Um local de apoio ao ensino de Estatística e de Probabilidade". On the left, there is a sidebar with links: Apresentação, Conteúdos, Contato, Correção, Cursos, Disciplinas, Galeria, História, Questões, Seleções, Pesquisa, Projetos, Publicações, and Sobre. The main content area shows a black and white portrait of William Sealy Gosset (1876 - 1937). Below the portrait is a quote in Portuguese: "A morte de uma pessoa é uma tragédia; a de milhares, uma estatística." At the bottom of the page, there is a link to "Joseph Stalin (1878 - 1953)". The browser status bar at the bottom shows "Pagina Personal - Ufrgs - prof. Lori Viali - Windows Internet Explorer" and "Prof. Lori Viali - Ufrgs - mat.ufrgs.br - 100%".

Conceitos Básicos



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Coleção de números = estatísticas

- ✓ O número de carros vendidos no país aumentou em 30%.
- ✓ A taxa de desemprego atinge, este mês, 7,5%.
- ✓ As ações da Telebrás subiram R\$ 1,5, hoje.
- ✓ Resultados do Carnaval no trânsito: 145 mortos, 2430 feridos.



Estatística: uma definição

A ciência de coletar, organizar, apresentar, analisar e interpretar dados numéricos com o objetivo de tomar melhores decisões.



Estatística (divisão)

Descriptiva Os procedimentos usados para organizar, resumir e apresentar dados numéricos.

Indutiva A coleção de métodos e técnicas utilizados para estudar uma população baseado em amostras probabilísticas desta população.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



CENSO

Um levantamento efetuado sobre toda uma população é denominado de levantamento censitário ou simplesmente censo.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



AMOSTRAGEM

O processo de escolha de uma amostra da população é denominado de amostragem.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



POPULAÇÃO



Uma coleção de todos os possíveis elementos, objetos ou medidas de interesse.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



AMOSTRA



Uma porção ou parte de uma população de interesse.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



PROBABILIDADE (Matemática)

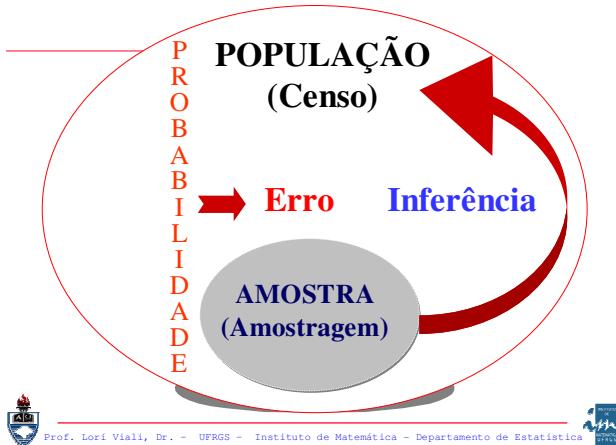
ESTATÍSTICA (Matemática Aplicada)

Univariada
Multivariada

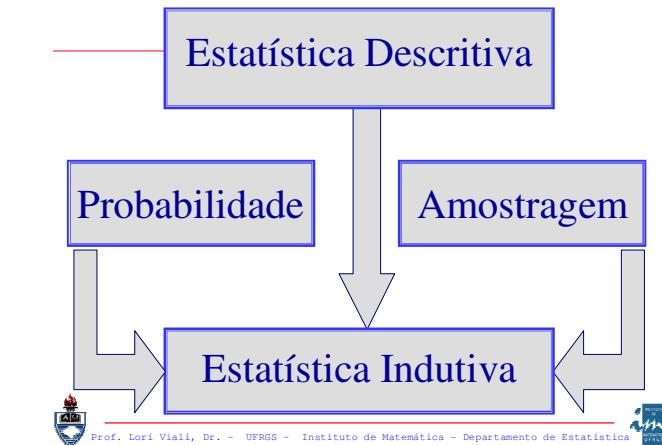


Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística





Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Estatística x Probabilidade

Faces	Probabilidades
1	$1/6$
2	$1/6$
3	$1/6$
4	$1/6$
5	$1/6$
6	$1/6$
Total	1



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Faces	Freqüências
1	15
2	18
3	23
4	25
5	22
6	17
Total	120

Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Arredondamento

Todo arredondamento é um erro.
O erro deve ser evitado ou então minimizado.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Arredondamento

Regra básica:

Arredondar sempre para o mais próximo.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Exemplos:

1,456 → 1,46 1,454 → 1,45

1,475 → 1,48
É ímpar
Aumenta

1,485 → 1,48
É par
Não aumenta



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística





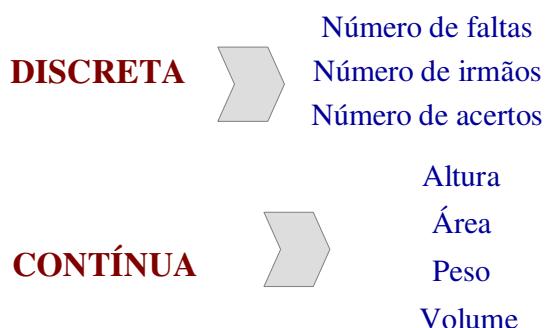
Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Variável Qualitativa



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Variável Qualitativa



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Análise de Dados Pequenos Conjuntos

Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

ESTATÍSTICA DESCRIPTIVA

- **Organização;** **Conjunto de dados:**
- **Resumo;** **Amostra**
- **Apresentação.** **ou**
- População**

Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Um conjunto de dados é resumido de acordo com as seguintes características:

- **Tendência central**
- **Dispersão ou variabilidade**
- **Assimetria (distorção)**
- **Achatamento ou curtose**

Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística

Tendência ou Posição Central

- (a) As médias
- S ■ Aritmética
 - i ■ Geométrica
 - m ■ Harmônica
 - p ■ Quadrática
 - l ■ Interna
 - e
 - s



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Aritmética (*mean*)

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \\ = \frac{1}{n} \sum x_i = \frac{\sum x_i}{n}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Geométrica

$$m_g = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot \dots \cdot x_n} = \\ = \sqrt[n]{\prod x_i}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Harmônica

$$m_h = \frac{1}{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \dots + \frac{1}{x_n}} = \\ = \frac{n}{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \dots + \frac{1}{x_n}} = \frac{n}{\sum \frac{1}{x_i}}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Quadrática

$$m_q = \frac{x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2}{n} = \\ = \frac{\sum x_i^2}{n}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Interna (*trimmed mean*)

É a mesma média aritmética só que aplicada sobre o conjunto onde uma parte dos dados (extremos) é descartada.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Exemplo

		Médias		
Conjuntos		\bar{x}	m_g	m_h
4	6	5	4,9	4,8
1	9	5	3	1,8



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Relação entre as médias

Dado um conjunto de dados qualquer, as médias aritmética, geométrica e harmônica mantém a seguinte relação:

$$\bar{x} \geq m_g \geq m_h$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Tendência ou Posição Central

- (a) As médias
- Ponderadas
 - Aritmética
 - Geométrica
 - Harmônica
 - Quadrática



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Aritmética Ponderada

$$m_{ap} = \frac{x_1 \cdot w_1 + x_2 \cdot w_2 + \dots + x_k \cdot w_k}{w_1 + w_2 + \dots + w_k} = \\ = \frac{\sum x_i \cdot w_i}{\sum w_i}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Geométrica Ponderada

$$m_{gp} = \sqrt[w]{x_1^{w_1} \cdot x_2^{w_2} \cdot \dots \cdot x_k^{w_k}} = \\ = \sqrt[w]{\prod x_i^{w_i}}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A média Harmônica Ponderada

$$m_{hp} = \frac{w_1 + w_2 + w_k}{\frac{w_1}{x_1} + \frac{w_2}{x_2} + \dots + \frac{w_k}{x_k}} = \\ = \frac{\sum w_i}{\sum \frac{w_i}{x_i}}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Considere o conjunto:

0 1 1 2 2 3 5

Então: $m_o = 1$ e $m_o = 2$

Conjunto bimodal



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Dispersão ou Variabilidade

- (a) A amplitude (h)
- (b) O Desvio Médio (dma)
- (c) A Variância (s^2)
- (d) O Desvio Padrão (s)
- (e) A Variância Relativa (g^2)
- (f) O Coeficiente de Variação (s)



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Considere o conjunto:

0 1 2 3 4 5 7

Este conjunto é **amodal**, pois todos os valores apresentam a mesma freqüência.



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



O dma (*average deviation*)

Considere o conjunto:

-2 -1 0 3 5

A média é:

$$\bar{x} = \frac{-1 - 2 + 0 + 3 + 5}{5} = \frac{5}{5} = 1$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Calculando os desvios: $x_i - \bar{x}$

Tem-se:
 $d_1 = -2 - 1 = -3$
 $d_2 = -1 - 1 = -2$
 $d_3 = 0 - 1 = -1$
 $d_4 = 3 - 1 = 2$
 $d_5 = 5 - 1 = 4$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Como pode ser visto a soma é igual a zero. Tomando o módulo vem:

$$\begin{aligned} \text{dma} &= \frac{\sum |x_i - \bar{x}|}{n} = \\ &= \frac{|-3| + |-2| + |-1| + |+2| + |+4|}{5} = \\ &= \frac{12}{5} = 2,40 \end{aligned}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A variância (*variance*)

Se ao invés de tomar o módulo, elevarmos ao quadrado, tem-se:

$$\begin{aligned} s^2 &= \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n} = \\ &= \frac{(-3)^2 + (-2)^2 + (-1)^2 + 2^2 + 4^2}{5} = \\ &= \frac{9 + 4 + 1 + 4 + 16}{5} = \frac{34}{5} = 6,80 \end{aligned}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A variância de um conjunto de dados será:

$$\begin{aligned} s^2 &= \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2}{n} = \\ &= \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n} \quad \boxed{s^2 = \frac{\sum x_i^2}{n} - \bar{x}^2} \end{aligned}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



O Desvio Padrão (*standard deviation*)

É a raiz quadrada da variância

$$s = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n} - \bar{x}^2}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



Se extrairmos a raiz quadrada teremos do resultado anterior teremos o desvio padrão:

$$s = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{6,80} = 2,61$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



A Variância Relativa

$$g^2 = s^2 / \bar{x}^2$$

O Coeficiente de Variação

$$g = s / \bar{x}$$



Prof. Lori Viali, Dr. - UFRGS - Instituto de Matemática - Departamento de Estatística



O coeficiente de variação do exemplo anterior, será:

$$g = \frac{s}{\bar{x}} = \frac{2,6077}{1} = 260,77\%$$

